

신1

1. 두 다항식 $A=y^2+2xy-2x^2$, $B=x^2+y^2+xy$ 에 대하여 다음을 구하

시오.

(1) $A+B$ (2) $2A-B$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

2. 다항식 $x^2-xy+2y^2+2x-3y+1$ 을 x 에 대하여 내림차순으로 정리

한 식은 다음과 같다.

$$x^2+(\boxed{\text{가}})x+2y^2-3y+1$$

가)에 알맞은 다항식을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

3. 세 다항식 A, B, C 에 대하여

$$A+2B=3x^2-4x+1, C=3-2x+x^2$$

일 때, 다음을 구하시오.

(1) $A+(C+2B)$ (2) $A-3(B-C)+5B$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

4. 다음 식을 전개하시오.

(1) $(a+2)(a^2-a+2)$ (2) $(x^2+y^2-3)(2x+3y)$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

5. 다음 식을 전개하시오.

(1) $(x^2-3)(x^5+x)$ (2) $(x+y-3)(2x+3y+1)$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

6. 세 다항식 $A=x$, $B=x+1$, $C=x^2+x$ 에 대하여 다음이 성립함을 보이

시오.

(1) $A(BC)=(AB)C$ (2) $A(B+C)=AB+AC$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

7. 다음 식을 전개하시오.

(1) $(2x+y)^3$ (2) $(2x-y)^3$

(3) $(x+2)(x^2-2x+4)$ (4) $(2x-3)(4x^2+6x+9)$

(5) $(a-b+2c)^2$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

8. 다음 식을 전개하시오.

(1) $(x+3y)^3$ (2) $\{(x-1)(x+1)\}^3$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

9. 다음 식을 전개하시오.

(1) $(2x+y)(4x^2-2xy+y^2)$ (2) $(a-2b)\{(a-2b)^2+6ab\}$

(3) $(2a-3b-c)^2$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

10. 다음 물음에 답하시오.

(1) $a+b=4$, $ab=2$ 일 때, 다음 식의 값을 구하시오. (단, $a>b$ 이다.)

① $a-b$ ② a^3+b^3 ③ a^3-b^3

(2) $a+b+c=4$, $ab+bc+ca=1$ 일 때, $a^2+b^2+c^2$ 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

11. $a+b=3$, $a^3+b^3=9$ 일 때, 다음 식의 값을 구하시오. (단, $a>b$ 이다.)

(1) ab (2) a^6+b^6 (3) a^3+b^3

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

12. $a+b+c=5$, $a^2+b^2+c^2=9$ 일 때, $ab+bc+ca$ 의 값은?

① 6

[2점]

- ② 7
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

13. 다음 나눗셈에서 몫과 나머지를 각각 구하시오.

- (1) $(3x^2-x+4) \div (x+1)$ (2) $(4x^3+4x^2+x-5) \div (2x-1)$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

14. 다항식 $f(x)$ 를 $x-2$ 로 나누었을 때의 몫이 $2x^2+7x+14$ 이고 나머

지가 24일 때, 다항식 $f(x)$ 를 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

15. $(x+1)(x+3)^2-(x+3)(x^2+3x-4)$ 를 전개 할 때, x 의 계수는?

[2점]

- ① 7
- ② 8
- ③ 9
- ④ 10
- ⑤ 11

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 다항식의 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

16. $a+b=3$, $ab=1$ 일 때, ab^4+a^3b 의 값은?

[2점]

- ① 12
- ② 14
- ③ 16
- ④ 18
- ⑤ 20

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 다항식과 그 연산 > 곱셈공식과 그 변형
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

17. 다항식 x^3+2x^2+x+3 을 x^2+1 로 나눈 나머지는?

[2점]

- ① 1
- ② 3
- ③ 5
- ④ $x+1$
- ⑤ $x+3$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

18. 등식 $2x^2-3x+4=(a-b)x^2+b(x-2)+c$ 가 x 에 대한 항등식일

때, 세 상수 a, b, c 의 합 $a+b+c$ 의 값은?

[2점]

- ① -8
- ② -6
- ③ -4
- ④ 4
- ⑤ 6

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 항등식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

19. 다항식 $f(x)=x^3-x^2+4x-2$ 를 다음 일차식으로 나눈 나머지를 구하시오.

- (1) $x-1$ (2) $x+2$ (3) $2x-4$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

20. 다항식 $f(x)$ 를 $x-1, x-2$ 로 나누었을 때의 나머지가 각각 1, 5이다. $f(x)$ 를 $(x-1)(x-2)$ 로 나누었을 때의 나머지는?

[2점]

- ① x
- ② $2x-1$
- ③ $2x-2$
- ④ $3x-3$
- ⑤ $4x-3$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

21. 다항식 $f(x)$ 를 x^2-2x-3 으로 나눈 나머지는 $3x-1$ 이다. $f(x)$ 를

$x+1, x-3$ 으로 나눈 나머지를 각각 a, b 라고 할 때, $a+b$ 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

22. 다항식 $f(x)=3x^3+x^2+a$ 가 다음 다항식으로 나누어떨어질 때,

상수 a 의 값을 구하시오.

- (1) $x-1$ (2) $x+1$ (3) $2x-4$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

23. 다항식 $f(x)=x^2+kx+3$ 이 $x-1$ 로 나누어떨어질 때, 상수 k 의 값은?

[2점]

- ① -5
- ② -4
- ③ -3
- ④ -2
- ⑤ -1

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

24. 다항식 x^3+2x^2+1 을 $x+1$ 로 나눈 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 항등식과 나머지정리 > 나머지정리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

25. 다항식 x^3

② $9x^2 + 5x - 5$

③ $10x^2 - 3x - 7$

④ $10x^2 - 3x - 3$

⑤ $11x^2 + 5x - 7$

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >2번
문항코드 : 17-17-90-502

58. 다항식 $x^3 - 8$ 이 $(x - a)(x^2 + bx + 4)$ 로 인수분해될 때, 두 상수 a, b 에 대하여 $a + b$ 의 값은?

[2점]

① 1

② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >3번
문항코드 : 17-17-90-503

59. 두 실수 a, b 에 대하여 $a + b = 3$, $a^2 + b^2 = 7$ 일 때, $a^4 + b^4$ 의 값은?

[3점]

① 39

② 41

③ 43

④ 45

⑤ 47

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >8번
문항코드 : 17-17-90-508

60. 다항식 $x^3 + 5x^2 + 4x + 4$ 를 $x - 2$ 로 나눈 나머지를 구하

시오.

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >23번
문항코드 : 17-17-90-523

신2

1. 다음 등식을 만족시키는 실수 x, y 의 값을 각각 구하시오.

(1) $1+xi=y+2i$ (2) $(x+1)+(y-2)i=0$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 기본 성질
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

2. 다음을 $a+bi$ 의 꼴로 나타내시오. (단, a, b 는 실수이다.)

(1) $(1+2i)(1-i)$ (2) $\frac{1+2i}{i}$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 뜻과 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

3. 복소수 $z=1+i$ 에 대하여 $z+z^2$ 을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 뜻과 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

4. 다음을 간단히 하시오.

(1) i^{10} (2) $i+i^2+i^3+\dots+i^{10}$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 기본 성질
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

5. 복소수 $z=1+i$ 에 대하여 다음을 구하시오.

(1) $(z+1)(\bar{z}+1)$ (2) $\frac{1}{z}+\frac{1}{\bar{z}}$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 뜻과 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

6. 다음을 간단히 하시오.

(1) $\sqrt{2}\sqrt{-8}$ (2) $\sqrt{-2}\sqrt{-8}$

(3) $\frac{\sqrt{-8}}{\sqrt{2}}$ (4) $\frac{\sqrt{8}}{\sqrt{-2}}$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 기본 성질
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

7. 다음을 간단히 하시오.

(1) $\sqrt{-3}\sqrt{27}$ (2) $\frac{\sqrt{-27}}{\sqrt{-3}}$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 기본 성질
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

8. 다음 이차방정식을 풀고, 그 근이 실근인지 허근인지 구하시오.

(1) $x^2-2x-3=0$ (2) $x^2-2x+3=0$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 판별식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

9. 이차방정식 $x^2+2x+2=0$ 의 두 허근을 a, b 라고 할 때, $\frac{1}{a}+b$ 의 값을 구하시오. (단, a 의 허수부분은 양수이다.)

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 뜻과 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

10. $\frac{x}{1+i}+\frac{y}{1-i}=2+3i$ 를 만족시키는 두 실수 x, y 의 곱 xy 의 값을 구하시오.

은?

- ① -5
- ② -3
- ③ -1
- ④ 3
- ⑤ 5

[2점]

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 뜻과 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

11. 복소수 z 에 대하여 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? (단, $z \notin \mathbb{R}$ 는 z 의 켤레복소수이다.)

보 기	<p>ㄱ. $z=\bar{z}$이면 z는 실수이다.</p> <p>ㄴ. $z=-\bar{z}$이면 $z^2 \leq 0$이다.</p> <p>ㄷ. $z\bar{z}=0$이면 $z=0$이다.</p>
--------	---

[2점]

- ① ㄱ
- ② ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 기본 성질
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

12. $z=\frac{3}{1+\sqrt{-2}}$ 에 대하여 $\frac{1}{z}-\frac{1}{\bar{z}}$ 의 값은?

[2점]

① $\frac{\sqrt{2}}{3}$

② $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

③ $\frac{\sqrt{2}}{3}i$

④ $\frac{2\sqrt{2}i}{3}$

⑤ $\frac{4\sqrt{2}i}{3}$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 복소수 > 복소수의 뜻과 연산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

13. 다음 이차방정식의 근을 판별하시오.

(1) $x^2+3x+1=0$ (2) $3x^2+2x+1=0$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 판별식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

14. 이차방정식 $x^2+2kx+2k+3=0$ 이 중근을 가지도록 하는 실수 k의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 판별식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

15. 이차방정식 $3x^2-6x+2=0$ 의 두 근을 a, b라고 할 때, $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 계수의 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

16. 다음 두 수를 근으로 하고 이차항의 계수가 1인 이차방정식을 구하시오.

(1) $1-\sqrt{2}$, $1+\sqrt{2}$ (2) $1-2i$, $1+2i$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 계수의 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

17. 이차방정식 $x^2-2x+3=0$ 의 두 근을 α , β 라고 할 때, 두 수 $\alpha+\beta$, $\alpha\beta$ 를 두 근으로 하고 이차항의 계수가 1인 이차방정식을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 계수의 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

18. 다음 이차식을 복소수의 범위에서 인수분해하시오.

(1) x^2-2x-1 (2) $2x^2-2x+1$

분류 :

> 이차 방정식
> 이차 방정식의 근과 판별식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

19. 이차식 x^2-2x+2 가 복소수의 범위에서 x에 대한 두 일차식으로

인수분해될 때, 두 인수를 구하시오.
(단, 두 인수의 최고차항의 계수는 모두 1이다.)

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 판별식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

20. 다음 이차방정식의 근을 구하고 두 근이 켈레복소수 관계인지 알아보시오.

(1) $x^2+2x+5=0$ (2) $x^2+3x+3=0$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 계수의 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

21. x에 대한 이차방정식 $x^2+ax+b=0$ 의 두 근이 $1+ci$, $d+2i$ 일 때,

네 실수 a, b, c, d의 합 $a+b+c+d$ 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 계수의 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

22. 이차방정식 $x^2+2(k-1)x+(k^2-5)$ 가 실근을 갖도록 하는 자연수 k의 개수는?

[2점]

- ① 1 ② 2
- ③ 3 ④ 4
- ⑤ 5

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 판별식
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

23. 이차방정식 $x^2+6x+k=0$ 의 두 근의 비가 1:2일 때, 상수 k의 값은?

[2점]

- ① 2 ② 4
- ③ 6 ④ 8
- ⑤ 10

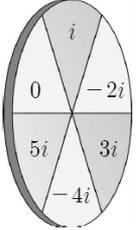
분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 방정식과 부등식 > 이차방정식 > 이차방정식의 근과 계수의 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

24. 두 실수 a, b에 대하여 이차식 x^2+ax+b 가 $(x-1+2i)(x-a)$ 로 인수분해될 때, $a+a+b$ 의 값은?

⑤ 21

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >5번
 문항코드 : 17-17-90-505

79. 복소수 $0, i, -2i, 3i, -4i, 5i$ 가 적힌 다트판에 3개의 다트를 던져 맞는 게임이 있다. 3개의 다트를 모두 다트판에 맞혔을 때, 얻을 수 있는 세 복소수를 a, b, c 라 하자. $a^2 - bc$ 의 최솟값은? (단, $i = \sqrt{-1}$ 이고 경계에 맞는 경우는 없다.)



[3점]

- ① -49
- ② -47
- ③ -45
- ④ -43
- ⑤ -41

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >7번
 문항코드 : 17-17-90-507

80. 어느 가게에서 판매하는 각 과일 세트의 구성과 가격이 다음 표와 같을 때, D세트의 가격은? (단, 같은 종류의 과일 가격은 동일하다.)

구 세트	과일 세트 구성			가 격 (원)
	포도 (송이)	사과 (개)	바나나 (송이)	
A세트	2	1	0	5,500
B세트	0	2	1	6,000
C세트	1	0	2	8,000
D세트	1	2	2	?

[3점]

- ① 10,500 원
- ② 11,000 원

③ 11,500 원

④ 12,000 원

⑤ 12,500 원

출처 : 2017>고1 9월 학평(인천)>수학 I >12번
 문항코드 : 17-17-90-512

신3

1. 수직선 위의 한 점 A(2)에 대하여 $AB^2=3$ 인 수직선 위의 점 B의 좌표를 모두 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 두 점 사이의 거리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

2. 두 점 A(-1, 2), B(3, a) 사이의 거리가 5일 때, a의 값을 모두 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 두 점 사이의 거리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

3. 다음 두 점 A, B에 대하여 선분 AB를 1 : 2로 내분하는 점 P와 1 : 2로 외분하는 점 Q를 각각 구하시오.

- (1) A(-2), B(6) (2) A(0), B(8)

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

4. 수직선 위의 두 점 A(-1), B(x)를 이은 선분 AB를 1 : 3으로 내분하는 점의 좌표가 O(0)일 때, x의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

5. 수직선 위의 두 점 A(-3), B(x)에 대하여 선분 AB를 3 : 2로 외분하는 점 Q(3)일 때, x의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

6. 두 점 A(-1, 4), B(5, 1)에 대하여 다음 점의 좌표를 구하시오.

- (1) 선분 AB를 1 : 2로 내분하는 점 P
(2) 선분 AB를 1 : 2로 외분하는 점 Q

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

7. 두 점 A(-1, 5), B(5, 2)를 이은 선분 AB를 2 : 1로 내분하는 점을 P, 외분하는 점을 Q라고 할 때, 선분 PQ의 중점의 좌표를 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

8. 세 점 A(-1, 3), B(2, -5), C(a, b)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 무게중심이 원점일 때, a+b의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

9. 두 점 A(-1, 2), B(4, 3)에서 같은 거리에 있는 x축 위의 점 P의 좌표를 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 두 점 사이의 거리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

10. 세 점 A(1, 3), B(-2, -3), C(4, 0)을 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC는 어떤 삼각형인지 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 두 점 사이의 거리
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

11. 네 점 A(-1, 3), B(-2, a), C(2, -1), D(b, 3)에 대하여 사각형 ABCD가 평행사변형일 때, b-a의 값은?

[2점]

- ① 2 ② 4
③ 6 ④ 8
⑤ 10

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

12. 두 점 A(-2, 1), B(2, 3)에 대하여 선분 AB의 연장선 위에 $2\overline{AB} = \overline{BC}$ 를 만족시키는 점 C의 좌표를 구하시오. (단, 점 C의 x

좌표는 양수이다.)

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

13. 세 점 A(4, 1), B(2, 3), C(a, b)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 무게중심의 좌표가 (1, 2)일 때, a+b의 값은?

[2점]

- ① -2 ② -1
③ 0 ④ 1
⑤ 2

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 평면좌표 > 선분의 내분점과 외분점
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

14. 다음 두 직선의 방정식을 구하시오.

- (1) 점 (1, 2)를 지나고 직선 $y=2x+1$ 에 평행한 직선
(2) 점 (3, 1)을 지나고 직선 $3x-y+1=0$ 에 평행한 직선

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 직선의 방정식 > 두 직선의 평행과 수직
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

$=r^2$ 과 직선 $3x+y-5=0$ 이 한 점에서 만날 때, 원의 반지름의

길이 r 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

31. 다음 접선의 방정식을 구하시오.

(1) 원 $x^2 + y^2=5$ 에 접하고, 기울기가 2인 접선의 방정식

(2) 원 $x^2 + y^2=9$ 에 접하고, 직선 $y=-3x+2$ 에 평행한 접선의 방정식

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

32. 원 $x^2 + y^2=5$ 와 직선 $2x+y-a=0$ 이 제 1사분면 위에서 접할

때, 상수 a 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

33. 원 $x^2 + y^2=4$ 에 접하고, 직선 $y=-\frac{1}{2}x+3$ 에 수직인 접선의 방

정식을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

34. 다음 원 위의 점에서의 접선의 방정식을 구하시오.

(1) 원 $x^2 + y^2=13$ 위의 점 $(2, -3)$ 에서의 접선의 방정식

(2) 원 $x^2 + y^2=10$ 위의 점 $(3, 1)$ 에서의 접선의 방정식

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

35. 원 $x^2 + y^2=20$ 위의 점 (a, b) 에서의 접선의 기울기가 -2 일

때, ab 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

36. 원 $x^2 + y^2=4$ 위의 점 $(\sqrt{3}, 1)$ 에서의 접선과 점 $(-\sqrt{3}, 1)$ 에

서의 접선이 만나는 점의 y 좌표를 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

37. 원 $x^2 + y^2-2ax-6y+4=0$ 이 x 축에 접할 때, 양수 a 의 값은?

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

38. 중심이 직선 $y=x$ 위에 있고 두 점 $A(4, 3)$, $B(-1, 4)$ 를 지나는 원의 방정식을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

39. 원 $x^2 + y^2-2x+4y-4=0$ 과 직선 $3x+4y+k=0$ 이 만날 때, 실수 k 의 최댓값은?

[2점]

- ① 20
- ② 21
- ③ 22
- ④ 23
- ⑤ 24

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

40. 직선 $y=mx+6$ 이 원 $x^2 + y^2=9$ 에 접하도록 하는 실수 m 의 값을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

41. 점 $(2, 1)$ 에서 원 $x^2 + y^2=1$ 에 그은 접선의 방정식을 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 원의 방정식 > 원과 직선의 위치 관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

42. 점 $A(1, 2)$ 를 다음의 각 평행이동에 의하여 옮겨지는 점을 구하시오.

- (1) x 축의 방향으로 1만큼, y 축의 방향으로 2만큼 평행이동한 점
- (2) x 축의 방향으로 -1 만큼, y 축의 방향으로 3만큼 평행이동한 점

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 도형의 이동 > 평행이동
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

43. 점 (x, y) 를 x 축의 방향으로 2만큼, y 축의 방향으로 -1 만큼 옮기는 평행이동에 의하여 다음 점은 어떤 점으로 옮겨지는지 구하시오.

- (1) $(3, 4)$
- (2) $(-5, 2)$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 도형의 이동 > 평행이동
출처 : 2013 고등 예비과정 수학

44. 점 $(5, -3)$ 을 점 $(2, 4)$ 로 옮기는 평행이동에 의하여 점 $(1, 3)$ 이 옮겨지는 점의 좌표를 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 도형의 방정식 > 도형의 이동 > 평행이동

45. 다음 평행이동한 도형의 방정식을 구하시오.

- (1) 직선 $y=x+1$ 을 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 2만큼 평행이동한 도형의 방정식
- (2) 원 $x^2 + y^2=1$ 을 x축의 방향으로 -2만큼, y축의 방향으로 1만큼

평행이동한 도형의 방정식

46. 점 (x, y)를 x축의 방향으로 -4만큼, y축의 방향으로 6만큼 옮기는 평행이동에 의하여 직선 $2x-3y-1=0$ 이 옮겨지는 직선의 방정식을 구하시오.

47. 원 $x^2 + y^2-6x+2y=0$ 을 x축의 방향으로 a만큼, y축의 방향으로 b만큼 평행이동하였더니 원의 중심이 원점으로 옮겨졌다. 상수 a, b의 값을 각각 구하시오.

48. 다음 각 점을 x축, y축, 원점에 대하여 대칭이동한 점의 좌표를 각각 구하시오.

- (1) (1, 2)
- (2) (-2, 0)

49. 점 P를 x축에 대하여 대칭이동한 다음 다시 y축에 대하여 대칭이동한 점의 좌표가 (4, -2)일 때, 점 P의 좌표를 구하시오.

50. 점 A(3, 2)를 x축에 대하여 대칭이동한 점을 P, 점 P를 원점에 대하여 대칭이동한 점을 Q라고 할 때, 선분 PQ의 길이는?

[2점]

- ① $4\sqrt{3}$
- ② 7
- ③ $5\sqrt{2}$
- ④ $\sqrt{51}$
- ⑤ $2\sqrt{13}$

51. 원 $(x + 2)^2 + (y - 3)^2=4$ 를 다음 각각에 대하여 대칭이동한

도형의 방정식을 각각 구하시오.

- (1) x축
- (2) y축
- (3) 원점

52. 직선 $2x-5y-4=0$ 을 x축, y축, 원점에 대하여 대칭이동한 도형의 방정식을 각각 구하시오.

53. 포물선 $y=x^2+2x-4$ 를 원점에 대하여 대칭이동하면 그 꼭짓점이

직선 $y=-x+k$ 위에 있다. 이때, 상수 k의 값을 구하시오.

54. 다음 각 물음에 답하시오.

(1) 점 A(1, 2)를 직선 $y=x$ 에 대하여 대칭이동한 점의 좌표를 구하시오.

(2) 직선 $2x+y+1=0$ 을 직선 $y=x$ 에 대하여 대칭이동한 도형의 방정식을 구하시오.

55. 직선 $2x-y-5=0$ 을 x축의 방향으로 -1만큼, y축의 방향으로 2만큼 평행이동한 다음, 직선 $y=x$ 에 대하여 대칭이동한 도형의 방정식을 구하시오.

56. 원 $(x + 3)^2+(y - 2)^2=10$ 을 직선 $y=x$ 에 대하여 대칭이동한

다음, x축의 방향으로 2만큼, y축의 방향으로 -1만큼 평행이동한 도형의 방정식을 구하시오.

57. 점 P(a, 2)를 x축의 방향으로 1만큼, y축의 방향으로 -3만큼 평행이동한 점이 직선 $y=2x-5$ 위의 점일 때, a의 값은?

[2점]

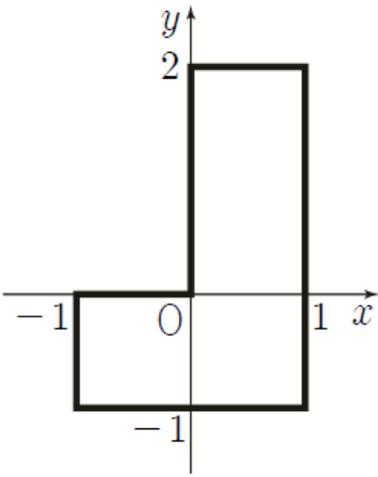
- ① 1
- ② 2
- ③ 3
- ④ 4
- ⑤ 5

58. 점 (1, 2)를 점 (3, -2)로 옮기는 평행이동에 의하여 포물선 $y=x^2-4x-3$ 이 옮겨진 포물선의 방정식이 $y=x^2+ax+b$ 일 때, 두 상수 a,

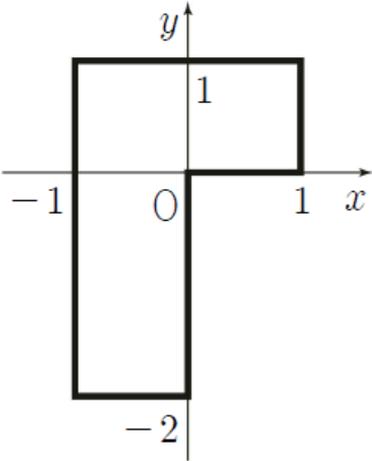
b의 합 a+b의 값은?

[2점]

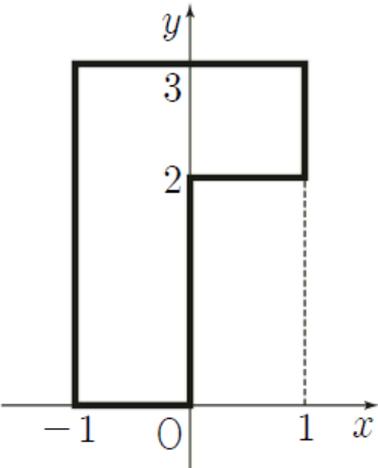
②



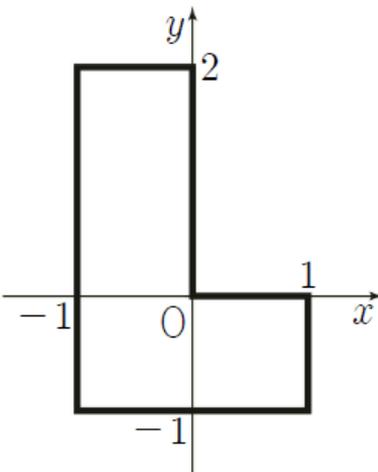
③



④



⑤



- ④ $A-B=\emptyset$
- ⑤ $B^C \subset A^C$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 집합 > 집합의 포함관계
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

12. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 다음 중 $(A \cup B)^C$

$U(A^C \cap B)$ 와 같은 것은?

- ① A
- ② A^C
- ③ B
- ④ B^C
- ⑤ U

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 집합 > 집합의 연산법칙
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

13. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 $n(U)=30$, $n(A \cap B)=8$, $n(A^C \cap B^C)=6$ 일 때, $n(A-B)+n(B-A)$ 의 값은?

- ① 10
- ② 12
- ③ 14
- ④ 16
- ⑤ 18

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 집합 > 집합의 연산법칙
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

14. 어느 고등학교 학생 50명을 대상으로 세 종류의 책 A, B, C를 읽었는지 조사하였다. 세 종류의 책 A, B, C를 읽은 학생이 각각 20명, 16명, 12명이었고, A와 B를 읽은 학생이 10명, B와 C를 읽은 학생이 8명, C와 A를 읽은 학생이 6명이었다. A와 B와 C를 모두 읽은 학생이 5명일 때, 세 종류의 책 A, B, C 중 어떤 책도 읽지 않은 학생 수를 구하시오.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 집합 > 집합의 연산법칙
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

15. 전체집합 U의 두 부분집합 A, B에 대하여 $\{(A \cup B) \cap (A \cup B^C)\}$

$U\{(A \cup B)^C \cup (B-A)\}$ 를 간단히 하면?

- ① \emptyset
- ② A
- ③ B
- ④ B^C
- ⑤ U

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 집합 > 집합의 연산법칙
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

16. 다음 중 명제는?

- ① $x+1>3$
- ② $x^2=1$ 이면 $x=1$ 이다.
- ③ 장미는 예쁘다.
- ④ 백두산은 높다.
- ⑤ 철수는 공부를 잘한다.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 명제 > 명제의 참, 거짓

출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

17. 전체집합 $U=\{x|x \text{는 } 10 \text{ 이하의 자연수}\}$ 에서 두 조건 p, q가 p : x는 소수이다. q : x는 3의 배수이다. 일 때, 조건 ' $\sim p$ 또는 $\sim q$ '의 진리집합을 X라 하자. 이때, $n(X)$ 의 값은?

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- ④ 8
- ⑤ 9

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 명제 > 조건과 진리집합
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

18. x에 대한 두 다항식 f(x), g(x)에 대하여 두 조건 p : f(x)=0, q : g(x)=0의 진리집합을 각각 P, Q라 할 때, 조건 ' $f(x)g(x)=0$ '의 진리집합은?

- ① $P \cap Q$
- ② $P \cup Q$
- ③ $P - Q$
- ④ $Q - P$
- ⑤ $(P - Q) \cup (Q - P)$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 명제 > 조건과 진리집합
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

19. 다음 <보기>의 명제 중 그 역이 참인 것만을 있는 대로 고른 것은?

보 기	<p>ㄱ. $(a-b)(b-c)(c-a)=0$이면 $a=b=c$이다.</p> <p>ㄴ. $x=-1$이면 $x^2-x-2=0$이다.</p> <p>ㄷ. x, y가 유리수이면 $x+y$도 유리수이다.</p>
--------	---

- ① ㄱ
- ② ㄴ
- ③ ㄱ, ㄴ
- ④ ㄱ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 명제 > 명제의 참, 거짓
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

20. 조건 ' $a>0$ 이고 $b \leq 0$ 이다.'의 부정은?

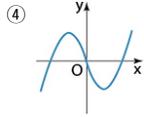
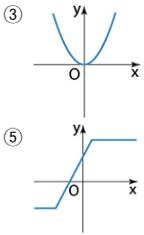
- ① $a < 0$ 이고 $b \geq 0$ 이다.
- ② $a \leq 0$ 이고 $b > 0$ 이다.
- ③ $a \leq 0$ 또는 $b \geq 0$ 이다.
- ④ $a \leq 0$ 또는 $b > 0$ 이다.
- ⑤ $a < 0$ 또는 $b > 0$ 이다.

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 명제 > 명제의 역, 이, 대우
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

21. 명제 $p \rightarrow q$ 가 거짓임을 보이려면 반례를 찾으면 된다. 전체집합 U에서의 두 조건 p, q의 진리집합을 각각 P, Q라 할 때, 반례가 되는 원소가 속하는 집합은?

- ① $P \cap Q$
- ② $P \cap Q^C$
- ③ $P^C \cap Q$
- ④ $P^C \cup Q$
- ⑤ $P \cup Q^C$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 수와 연산 > 명제 > 명제의 참, 거짓



분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 역함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

21. 실수 전체의 집합에서 정의된 두 함수 f, g 가 $g(x)=x+1, (f \circ g^{-1})(x)=2x+3$

일 때, 함수 $f(x)$ 는?

[2점]

- ① $f(x)=2x+3$
- ② $f(x)=2x+4$
- ③ $f(x)=2x+5$
- ④ $f(x)=3x+4$
- ⑤ $f(x)=3x+5$

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 합성함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

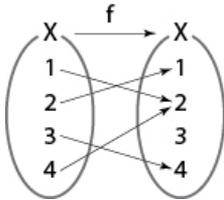
22. 두 함수 $f(x)=2x+1, g(x)=3x-2$ 에 대하여 $(f \circ (f \circ g)^{-1} \circ f)(4)$ 의 값은?

[2점]

- ① 1
- ② 3
- ③ 5
- ④ 7
- ⑤ 9

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 역함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

23. 집합 $X=\{1, 2, 3, 4\}$ 에서 X 로의 함수 f 를 그림과 같이 정의할 때, $(f \circ f)(2)+(f \circ f \circ f)(3)$ 의 값은?



[2점]

- ① 2
- ② 3
- ③ 4
- ④ 5
- ⑤ 6

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 합성함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

24. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 $f(x)=ax+b$ 에 대하여 $(f \circ f)(x)=4x+6$ 일 때, $f(3)$ 의 값은?(단, a, b 는 양의 실수이다.)

[2점]

- ① 5
- ② 6
- ③ 7
- ④ 8
- ⑤ 9

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 합성함수

출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

25. 세 함수 $f(x)=2x+1, g(x)=-2x+3, h(x)$ 에 대하여 $(h \circ f)(x)=g^{-1}(x)$

가 성립할 때, $h(15)$ 의 값은?

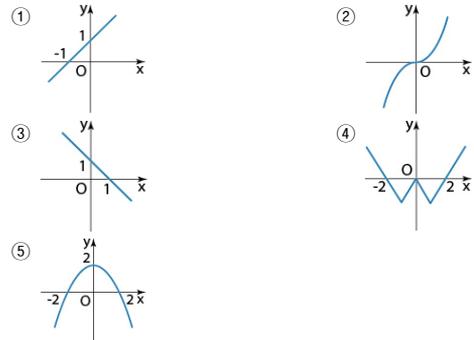
[2점]

- ① -6
- ② -4
- ③ -2
- ④ 1
- ⑤ 3

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 역함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

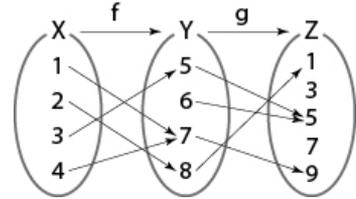
26. 다음 중 $f(f(x))=x$ 를 만족시키는 함수 $y=f(x)$ 의 그래프로 적당한 것은?

[2점]



분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 역함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

27. 다음 그림과 같은 두 함수 $f: X \rightarrow Y, g: Y \rightarrow Z$ 에 대하여 $(g \circ f)(1)+(g \circ f)(3)$ 의 값은?



[2점]

- ① 10
- ② 12
- ③ 14
- ④ 16
- ⑤ 18

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 합성함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

28. 두 함수 $f(x)=-2x+1, g(x)=3x+2$ 에 대하여 $(g \circ f)(3)+(f \circ g)(3)$ 의 값은?

[2점]

- ① -40
- ② -38
- ③ -36
- ④ -34
- ⑤ -32

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 함수 > 함수 > 합성함수
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

29. 일차함수 $f(x)=ax+b$ 에 대하여

④ $\frac{5}{2}$

⑤ 3

분류 : 고 1 > 수학 > 수학 > 식의 계산 > 유리식과 무리식 > 유리식과 그 계산
출처 : 2013 고등 예비과정 수학II

