

## 01

## 정수와 유리수

## II-1. 정수와 유리수

## 개념 1 양수와 음수

## (1) 양의 부호와 음의 부호

어떤 기준에 대하여 서로 반대가 되는 성질을 가지는 수량을 각각 수로 나타낼 때, 부호 +, -를 사용하여 나타낸다. 이때 +를 양의 부호, -를 음의 부호라고 한다.

**예** 3000원 이익을  $+3000$ 원으로 나타낼 때, 2000원 손해는  $-2000$ 원으로 나타낸다.

## (2) 양수: 0보다 큰 수로 양의 부호 +를 붙인 수

## (3) 음수: 0보다 작은 수로 음의 부호 -를 붙인 수

**참고** 0은 양수도 아니고 음수도 아니다.

- 양의 부호 +와 음의 부호 -는 각각 덧셈, 뺄셈의 기호와 같지만 그 의미는 다르다.

+	-
수입	지출
이익	손해
해발	해저
지상	지하
증가	감소
영상	영하
상승	하강

## 개념 확인 문제 1

다음을 양의 부호 + 또는 음의 부호 -를 사용하여 나타내시오.

- (1) 영상  $7^{\circ}\text{C}$ 를  $+7^{\circ}\text{C}$ 로 나타낼 때, 영하  $4^{\circ}\text{C}$ 는 로 나타낸다.
- (2) 지하 3층을  $-3$ 층으로 나타낼 때, 지상 5층은 으로 나타낸다.
- (3) 이익 3000원을  $+3000$ 원으로 나타낼 때, 손해 5000원은 으로 나타낸다.
- (4) 10 % 감소를  $-10\%$ 로 나타낼 때, 8 % 증가는 로 나타낸다.

## 개념 2 정수

## (1) 양의 정수: 자연수에 양의 부호 +를 붙인 수

**예**  $+1, +2, +3, \dots$

## (2) 음의 정수: 자연수에 음의 부호 -를 붙인 수

**예**  $-1, -2, -3, \dots$

## (3) 양의 정수, 0, 음의 정수를 통틀어 정수라고 한다.

**참고** 양의 정수는 양의 부호 +를 생략하여 나타낼 수 있다. 즉, 양의 정수는 자연수와 같다.

정수  
양의 정수(자연수)  
0  
음의 정수

- 0은 양의 정수도 아니고, 음의 정수도 아니다.

## 개념 확인 문제 2

다음 수 중에서 알맞은 것을 모두 고르시오.

 $+5$  $-8$ 

0

 $+3$  $-6$ 

(1) 양의 정수

(2) 음의 정수



### 개념 3 유리수

(1) 양의 유리수: 분모, 분자가 모두 자연수인 분수에 양의 부호  $+$ 를 붙인 수

**예**  $+\frac{1}{2}, +\frac{2}{2}, +\frac{3}{2}, \dots$

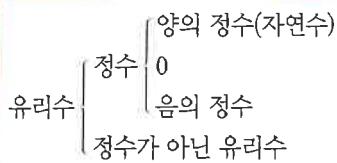
(2) 음의 유리수: 분모, 분자가 모두 자연수인 분수에 음의 부호  $-$ 를 붙인 수

**예**  $-\frac{1}{2}, -\frac{2}{2}, -\frac{3}{2}, \dots$

(3) 양의 유리수, 0, 음의 유리수를 통틀어 유리수라고 한다.

**참고** 양의 유리수도 양의 정수와 같이 양의 부호  $+$ 를 생략하여 나타낼 수 있다.

유리수의 분류



$+1 = +\frac{1}{1}, +2 = +\frac{2}{1},$

$-3 = -\frac{3}{1}, \dots$

과 같이 모든 정수는 분모가 1인 분수로 나타낼 수 있으므로 정수는 유리수이다.

$0.5 = \frac{1}{2}$  처럼 분수로 나타낼

수 있는 소수는 모두 유리수이다.

### 개념 확인 문제 3

다음 수 중에서 알맞은 것을 모두 고르시오.

$+0.4$

$-5$

$+\frac{7}{2}$

$0$

$+6$

$-4$

(1) 양의 유리수

(2) 음의 유리수

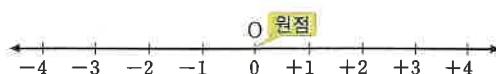
(3) 정수가 아닌 유리수

### 개념 4 수직선

수직선: 직선 위에 기준이 되는 점  $O$ 를 원점으로 정하여 그 점에 0을 대응시키고 좌우에 일정한 간격으로 점을 찍어 오른쪽 점에 양수, 왼쪽 점에 음수를 차례로 대응시켜 만든 직선

용어

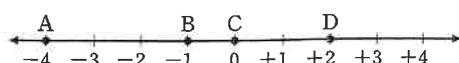
수직선(數直線, 直線다, 線線) 수를 나타내는 곧은 선



**참고** 수직선에서도 양의 정수와 같이 양의 부호  $+$ 를 생략하여 나타낼 수 있다.

### 개념 확인 문제 4

다음 수직선에서 네 점 A, B, C, D가 나타내는 수를 구하시오.



# 02

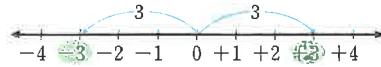
## 유리수의 대소 관계

### II-1. 정수와 유리수

#### 개념 1 절댓값

(1) 절댓값: 수직선 위에서 원점과 어떤 수를 나타내는 점 사이의 거리를 그 수의 절댓값이라 하고 기호  $| \cdot |$ 를 사용하여 나타낸다.

예  $|+3|=3$ ,  $|-3|=3$



(2) 절댓값의 성질

① 양수, 음수의 절댓값은 그 수에서 부호 +, -를 빼어낸 수와 같다.

② 0의 절댓값은 0이다. 즉,  $|0|=0$ 이다.

③ 절댓값은 항상 0 또는 양수이다.

④ 수를 수직선 위에 나타낼 때, 원점에서 멀리 떨어질수록 그 절댓값이 커진다.

참고 절댓값이 0인 수는 0뿐이다.



- 0이 아닌 수의 절댓값은 0보다 크므로 절댓값이 가장 작은 수는 0이다.

- 양수  $a$ 에 대하여 절댓값이  $a$ 인 수는  $+a$ 와  $-a$ 의 2개가 있다.

#### 개념 확인 문제 1

다음을 구하시오.

(1)  $+4$ 의 절댓값

$$(3) \left| +\frac{1}{2} \right|$$

(2)  $-4$ 의 절댓값

$$(4) \left| -\frac{1}{2} \right|$$

#### 개념 2 유리수의 대소 관계

(1) 유리수의 대소 관계

① (양수)  $> 0$ , (음수)  $< 0$ , (양수)  $>$  (음수)

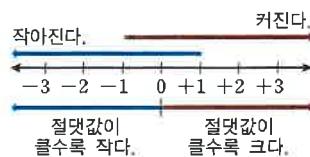
예  $+2 > 0$ ,  $-3 < 0$ ,  $+2 > -3$

② 양수끼리는 절댓값이 클수록 크고, 음수끼리는 절댓값이 클수록 작다.

예  $|+3| > |+2|$  이므로  $+3 > +2$ ,  
 $|-3| > |-2|$  이므로  $-3 < -2$

(2) 부등호의 사용

$x > a$	$x < a$	$x \geq a$	$x \leq a$
$x$ 는 $a$ 보다 크다. $x$ 는 $a$ 초과이다.	$x$ 는 $a$ 보다 작다. $x$ 는 $a$ 미만이다.	$x$ 는 $a$ 보다 크거나 같다. $x$ 는 $a$ 이상이다. $x$ 는 $a$ 보다 작지 않다.	$x$ 는 $a$ 보다 작거나 같다. $x$ 는 $a$ 이하이다. $x$ 는 $a$ 보다 크지 않다.



- 수를 수직선 위에 나타냈을 때, 오른쪽에 있는 수가 왼쪽에 있는 수보다 크다.

- 기호  $\geq$ 는 ' $>$  또는 '=''를 의미한다. 마찬가지로 기호  $\leq$ 는 ' $<$  또는 '=''를 의미한다.

#### 개념 확인 문제 2

다음 ○ 안에  $>$ ,  $<$  중 알맞은 것을 써넣으시오.

$$(1) +3 \bigcirc 0$$

$$(3) +2 \bigcirc +5$$

$$(2) -4 \bigcirc 0$$

$$(4) -3 \bigcirc -5$$



# 중단원 마무리



II-1. 정수와 유리수



## Level 1

**01** 다음 중 양의 부호 + 또는 음의 부호 -를 사용하여 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?

- ① 영하  $6^{\circ}\text{C}$   $\rightarrow -6^{\circ}\text{C}$
- ② 12% 증가  $\rightarrow +12\%$
- ③ 4000원 저축  $\rightarrow -4000\text{원}$
- ④ 10m 상승  $\rightarrow +10\text{m}$
- ⑤ 5cm 증가  $\rightarrow +5\text{cm}$

8101-0143

**02** 다음 중 정수가 아닌 것은?

- |                  |                   |       |
|------------------|-------------------|-------|
| ① $-7$           | ② $-\frac{16}{4}$ | ③ $0$ |
| ④ $\frac{20}{6}$ | ⑤ $\frac{40}{8}$  |       |

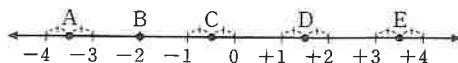
8101-0144

**03** 다음 중 양의 유리수가 아닌 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- |                   |          |        |
|-------------------|----------|--------|
| ① $+\frac{10}{4}$ | ② $-1.5$ | ③ $+8$ |
| ④ $\frac{6}{2}$   | ⑤ $0$    |        |

8101-0145

**04** 다음 수직선 위의 다섯 개의 점 A, B, C, D, E가 나타내는 수로 옳지 않은 것은?



- ① A:  $-3.5$
- ② B:  $-2$
- ③ C:  $-0.5$
- ④ D:  $+2.5$
- ⑤ E:  $+3.5$

8101-0146

**05** 다음 중 옳은 것은?

- |                                   |                |
|-----------------------------------|----------------|
| ① $ -2.5  = 3$                    | ② $ -4  = -4$  |
| ③ $ \frac{1}{6}  = 6$             | ④ $ -5.9  = 6$ |
| ⑤ $ - \frac{3}{7}  = \frac{3}{7}$ |                |

8101-0147

**06** 수직선에서 절댓값이 8인 수를 나타내는 두 점 사이의 거리는?

- ① 8
- ② 10
- ③ 12
- ④ 14
- ⑤ 16

8101-0148

**07** 다음 중 옳은 것은?

- |              |                     |
|--------------|---------------------|
| ① $0 < -5$   | ② $-7.1 > -7$       |
| ③ $4 < -6$   | ④ $\frac{7}{2} < 3$ |
| ⑤ $-8 > -10$ |                     |

8101-0149

**08** 'x는  $-6$ 보다 크고  $4$ 보다 작거나 같다.'를 부등호를 사용하여 나타내면?

- ①  $-6 < x < 4$
- ②  $-6 \leq x < 4$
- ③  $-6 < x \leq 4$
- ④  $-6 \leq x \leq 4$
- ⑤  $x < -6$  또는  $x \geq 4$

8101-0150



## Level 2

- 09 양의 부호 + 또는 음의 부호 -를 사용하여 나타낸 것으로 옳은 것을 <보기>에서 모두 고른 것은?

8101-0151

- 보기  
 ㄱ. 8000원 저축  $\rightarrow$  -8000원  
 ㄴ. 지하 2층  $\rightarrow$  +2층  
 ㄷ. 8000원 손해  $\rightarrow$  -8000원  
 ㄹ. 30% 인하  $\rightarrow$  +30%  
 ㅁ. 해발 500 m  $\rightarrow$  +500 m

- ① ㄱ, ㄷ      ② ㄴ, ㄷ      ③ ㄴ, ㅁ  
 ④ ㄷ, ㄹ      ⑤ ㄷ, ㅁ

- 10 다음 중 정수가 아닌 것을 모두 고르면? (정답 2개)

8101-0152

- ①  $-\frac{21}{3}$       ② 0      ③ -3.1  
 ④  $\frac{63}{7}$       ⑤  $-\frac{39}{9}$

- 11 다음 수 중에서 양의 유리수의 개수는?

8101-0153

$$+\frac{8}{2}, -1.7, -\frac{9}{2}, \frac{2}{7}, 0, -\frac{9}{4}, +5, \frac{6}{4}$$

- ① 2개      ② 3개      ③ 4개  
 ④ 5개      ⑤ 6개

- 12 다음 수에 대한 설명 중 옳은 것은?

8101-0154

$$+4, 0, -\frac{12}{3}, +3.4, -5.6, 7, \frac{6}{4}, -\frac{9}{2}$$

- ① 음의 정수는 2개이다.  
 ② 정수는 3개이다.  
 ③ 양수와 음수로만 이루어져 있다.  
 ④ 정수가 아닌 유리수는 4개이다.  
 ⑤ 음의 유리수는 4개이다.

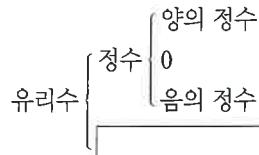
- 13  $-2.5$ 와  $\frac{9}{2}$  사이에 있는 정수의 개수는?

8101-0155

- ① 5개      ② 6개      ③ 7개  
 ④ 8개      ⑤ 9개

- 14 다음 수 중에서 □에 들어갈 수 있는 수의 개수를 구하시오.

8101-0156



$$+7, -\frac{16}{3}, 0, \frac{20}{4}, -4.5, +\frac{36}{9}, \frac{32}{6}$$

- 15 다음 수를 수직선 위에 나타내었을 때, 가장 오른쪽에 있는 수는?

8101-0157

- ① +2      ② -2      ③  $+\frac{7}{3}$   
 ④ -3      ⑤  $+\frac{9}{4}$

- 16 두 유리수  $-\frac{3}{2}, \frac{4}{3}$  사이에 있는 분모가 6인 정수가 아닌 유리수의 개수는?

8101-0158

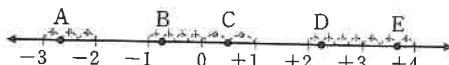
- ① 11개      ② 12개      ③ 13개  
 ④ 14개      ⑤ 15개



## 중단원 마무리

8101-0159

- 17** 다음 수직선 위의 다섯 개의 점 A, B, C, D, E가 나타내는 수로 옳지 않은 것은?



- ① A:  $-\frac{8}{3}$     ② B:  $-\frac{1}{4}$     ③ C:  $+\frac{1}{2}$   
 ④ D:  $+\frac{9}{4}$     ⑤ E:  $+\frac{11}{3}$

8101-0163

- 21** 다음 수를 수직선 위에 나타내었을 때, 원점에서 가장 멀리 떨어져 있는 수는?

- ① 5    ②  $-\frac{11}{2}$     ③  $\frac{16}{3}$   
 ④  $-4.9$     ⑤  $\frac{21}{4}$

- 18** 수직선 위에서  $-2$ 를 나타내는 점으로부터의 거리가 9인 점이 나타내는 두 수는?

- ①  $-5, +2$     ②  $-7, +2$     ③  $-7, +7$   
 ④  $-11, +2$     ⑤  $-11, +7$

8101-0160

8101-0164



중요

- 22** 다음 수를 절댓값이 큰 수부터 차례대로 나열할 때, 두 번째에 오는 수를 구하시오.

$-5, 0, +3.5, -\frac{17}{3}, +\frac{23}{4}$

- 19** 다음 수 중에서 절댓값이 가장 큰 수와 절댓값이 가장 작은 수를 차례대로 구하면?

$$-4, +3, -\frac{9}{2}, -2.5, +\frac{8}{3}, -\frac{14}{3}$$

- ①  $-4, -2.5$     ②  $-4, +\frac{8}{3}$   
 ③  $-\frac{9}{2}, -2.5$     ④  $-\frac{9}{2}, +\frac{8}{3}$   
 ⑤  $-\frac{14}{3}, -2.5$

8101-0165

- 23** 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ①  $a > 0$  일 때, 절댓값이  $a$ 인 수는 2개이다.  
 ②  $-10$ 의 절댓값은  $8$ 의 절댓값보다 크다.  
 ③ 유리수의 절댓값은 항상 0보다 크다.  
 ④ 양수는 절댓값이 클수록 작다.  
 ⑤ 음수는 절댓값이 클수록 작다.

- 20** 다음 조건을 모두 만족하는 두 정수  $a, b$ 의 값을 각각 구하시오.

8101-0162

- (가)  $a > 0$ 이고  $b < 0$ 이다.  
 (나)  $a$ 의 절댓값은 4이다.  
 (다) 수직선에서  $a, b$ 를 나타내는 두 점 사이의 거리가 9이다.

8101-0166

- 24** 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ①  $7 > -9$     ②  $-4.9 > -4$   
 ③  $\frac{5}{3} > \frac{8}{5}$     ④  $-\frac{7}{4} > -\frac{11}{6}$   
 ⑤  $\frac{3}{7} > \frac{4}{9}$

- 25** 다음 수를 작은 수부터 차례대로 나열할 때, 세 번째에 오는 수는?

$$\frac{3}{5}, -\frac{7}{4}, 0, -\frac{5}{2}, -\frac{2}{3}, +\frac{6}{11}$$

- ①  $-\frac{7}{4}$       ② 0      ③  $-\frac{5}{2}$   
 ④  $-\frac{2}{3}$       ⑤  $+\frac{6}{11}$

- 26** 다음 수에 대한 설명으로 옳은 것은?  
**중요**

$$\frac{7}{5}, -\frac{9}{7}, -1, \frac{4}{3}, -\frac{5}{4}, -\frac{6}{5}$$

- ① 가장 큰 수는  $\frac{4}{3}$ 이다.  
 ② 가장 작은 수는  $-\frac{6}{5}$ 이다.  
 ③  $-1$ 보다 작은 수는 2개이다.  
 ④ 절댓값이 두 번째로 큰 수는  $\frac{4}{3}$ 이다.  
 ⑤ 음수 중에서 가장 큰 수는  $-\frac{5}{4}$ 이다.

- 27** 다음 중  $-7 \leq x < \frac{4}{3}$ 를 만족시키는 유리수  $x$ 가 될 수 없는 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ①  $-7$       ② 0      ③  $-\frac{27}{4}$   
 ④  $\frac{7}{5}$       ⑤  $\frac{4}{3}$

- 28** 다음 중 부등호를 사용하여 나타낸 것으로 옳은 것을 모두 고르면? (정답 2개)

- ①  $x$ 는  $-8$ 보다 작거나 같다.  $\Rightarrow x \geq -8$   
 ②  $x$ 는  $-2$  초과이고  $\frac{4}{9}$  이하이다.  $\Rightarrow -2 < x < \frac{4}{9}$   
 ③  $x$ 는 9보다 작지 않다.  $\Rightarrow x \leq 9$   
 ④  $x$ 는 4보다 크고 7보다 크지 않다.  $\Rightarrow 4 < x \leq 7$   
 ⑤  $x$ 는  $-6$  이상이고  $-3$ 보다 작거나 같다.  
 $\Rightarrow -6 \leq x \leq -3$

8101-0167

**Level 3**

8101-0171

- 29** 수직선 위의 점 A는 0을 나타내는 점으로부터 7만큼 떨어져 있고, 점 B는 2를 나타내는 점으로부터 8만큼 떨어져 있다. 이때 두 점 A, B 사이의 거리 중 가장 큰 값을 구하시오.

8101-0168

8101-0172

- 30** 두 수  $-\frac{2}{5}$ 와  $\frac{2}{3}$  사이에 있는 정수가 아닌 유리수 중에서 기약분수로 나타내었을 때 분모가 15인 수의 개수를 구하시오.

8101-0170

8101-0173

- 31**  $x$ 의 절댓값은  $\frac{3}{2}$  이상 6 미만일 때, 정수  $x$ 의 개수를 구하시오.

- 32** 부호가 반대인 두 정수  $a, b$ 에 대하여  $a < b$ 이고  $a$ 와  $b$ 의 절댓값의 합은 30이다.  $a$ 의 절댓값이  $b$ 의 절댓값의 5배일 때,  $a, b$ 의 값을 각각 구하시오.