

제 2 교시

## 수학 영역

## 5 지 선다형

## 1. 두 다항식

$$A = 2x^2 - 3xy, \quad B = x^2 - 4xy - y^2$$

에 대하여  $A - B$ 를 간단히 하면? [2점]

- ①  $x^2 + xy$       ②  $x^2 + 2xy$       ③  $x^2 - xy + y^2$   
 ④  $x^2 + xy + y^2$       ⑤  $x^2 + 2xy + y^2$

2.  $1+i^2$ 의 값은? (단,  $i = \sqrt{-1}$ ) [2점]

- ① 0      ②  $-i$       ③  $i$       ④  $1-i$       ⑤  $1+i$

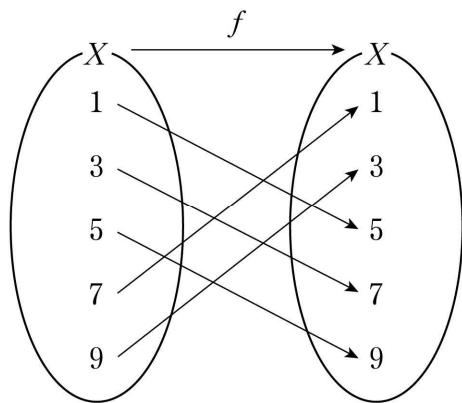
3. 부등식  $|x-2| < 3$  을 만족시키는 정수  $x$ 의 개수는? [2점]

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

4. 두 직선  $y = -2x+3$ ,  $y = ax+1$ 이 서로 수직일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ①  $-\frac{1}{2}$       ②  $-\frac{1}{3}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{2}{3}$

5. 그림은 함수  $f : X \rightarrow X$ 를 나타낸 것이다.



$f(5) + (f \circ f)(9)$ 의 값은? [3점]

- ① 18      ② 16      ③ 14      ④ 12      ⑤ 10

6. 다항식  $x^2 + 3x + 6$ 을  $x+2$ 로 나눈 나머지는? [3점]

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

7. 좌표평면 위에 두 점  $A(0, a)$ ,  $B(6, 0)$ 이 있다. 선분  $AB$ 를  $1:2$ 로 내분하는 점이 직선  $y = -x$  위에 있을 때,  $a$ 의 값은? [3점]

- ① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

8. 곡선  $y = 2x^2 - 5x + a$ 와 직선  $y = x + 12$ 가 서로 다른 두 점에서 만나고 두 교점의  $x$  좌표의 곱이 -4 일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

9. 집합  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ 에 대하여 집합  $B$ 가

$$B - A = \{5, 6\}$$

을 만족시킨다. 집합  $B$ 의 모든 원소의 합이 12일 때,  
집합  $A - B$ 의 모든 원소의 합은? [3점]

- ① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

10. 다항식  $P(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여 등식

$$x(x+1)(x+2) = (x+1)(x-1)P(x) + ax + b$$

를 만족시킬 때,  $P(a-b)$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 상수이다.)

[3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

11. 좌표평면에서 원  $x^2 + y^2 = 1$  위의 점 중 제1사분면에 있는 점 P에서의 접선이 점 (0, 3)을 지날 때, 점 P의 x좌표는? [3점]

- ①  $\frac{2}{3}$       ②  $\frac{\sqrt{5}}{3}$       ③  $\frac{\sqrt{6}}{3}$       ④  $\frac{\sqrt{7}}{3}$       ⑤  $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

12. 실수  $x$ 에 대한 두 조건  $p$ ,  $q$ 가 다음과 같다.

$$p: a < x < 5,$$

$$q: x^2 - x - 2 < 0$$

$\sim p$  가  $q$  이기 위한 필요조건이 되도록 하는 정수  $a$ 의 최솟값은? (단,  $a < 5$ ) [3점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

13. 연립방정식

$$\begin{cases} x^2 - 3xy + 2y^2 = 0 \\ x^2 - y^2 = 9 \end{cases}$$

의 해를

$$\begin{cases} x = \alpha_1 \\ y = \beta_1 \end{cases} \text{ 또는 } \begin{cases} x = \alpha_2 \\ y = \beta_2 \end{cases}$$

라 하자.  $\alpha_1 < \alpha_2$  일 때,  $\beta_1 - \beta_2$  의 값은? [3점]

- ①  $-2\sqrt{3}$    ②  $-2\sqrt{2}$    ③  $2\sqrt{2}$    ④  $2\sqrt{3}$    ⑤ 4

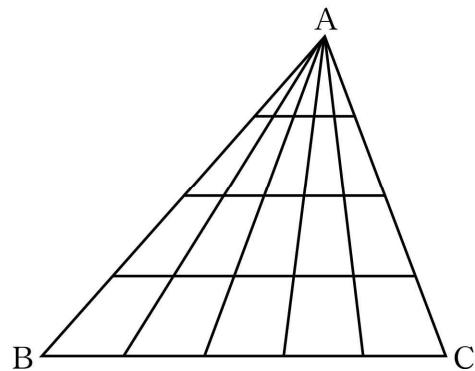
14. 함수  $f(x) = x^2 - 2x + a$  가

$$(f \circ f)(2) = (f \circ f)(4)$$

를 만족시킬 때,  $f(6)$  의 값은? (단,  $a$  는 상수이다.) [4점]

- ① 21   ② 22   ③ 23   ④ 24   ⑤ 25

15. 삼각형 ABC에서, 꼭짓점 A와 선분 BC 위의 네 점을 연결하는 4개의 선분을 그리고, 선분 AB 위의 세 점과 선분 AC 위의 세 점을 연결하는 3개의 선분을 그려 그림과 같은 도형을 만들었다. 이 도형의 선들로 만들 수 있는 삼각형의 개수는? [4점]



- ① 30      ② 40      ③ 50      ④ 60      ⑤ 70

16. 함수  $f(x) = \sqrt{3x-12}$  가 있다. 함수  $g(x)$ 가 2 이상의 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f^{-1}(g(x)) = 2x$$

를 만족시킬 때,  $g(3)$ 의 값은? [4점]

- ① 2      ②  $\sqrt{5}$       ③  $\sqrt{6}$       ④  $\sqrt{7}$       ⑤  $2\sqrt{2}$

17. 그림과 같이 크기가 같은 6개의 정사각형에 1부터 6까지의 자연수가 하나씩 적혀 있다.

1	2	3
4	5	6

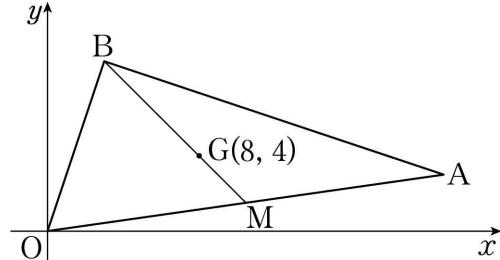
서로 다른 4가지 색의 일부 또는 전부를 사용하여 다음 조건을 만족시키도록 6개의 정사각형에 색을 칠하는 경우의 수는? (단, 한 정사각형에 한 가지 색만을 칠한다.) [4점]

- (가) 1이 적힌 정사각형과 6이 적힌 정사각형에는 같은 색을 칠한다.  
 (나) 변을 공유하는 두 정사각형에는 서로 다른 색을 칠한다.

- ① 72      ② 84      ③ 96      ④ 108      ⑤ 120

18. 좌표평면의 제1사분면에 있는 두 점 A, B와 원점 O에 대하여 삼각형 OAB의 무게중심 G의 좌표는  $(8, 4)$ 이고, 점 B와 직선 OA 사이의 거리는  $6\sqrt{2}$ 이다. 다음은 직선 OB의 기울기가 직선 OA의 기울기보다 클 때, 직선 OA의 기울기를 구하는 과정이다.

선분 OA의 중점을 M이라 하자.



점 G가 삼각형 OAB의 무게중심이므로

$$\overline{BG} : \overline{GM} = 2 : 1$$

이고, 점 B와 직선 OA 사이의 거리가  $6\sqrt{2}$  이므로 점 G와 직선 OA 사이의 거리는 (가)이다.

직선 OA의 기울기를  $m$ 이라 하면 점 G와 직선 OA 사이의 거리는

$$\frac{(나)}{\sqrt{m^2 + (-1)^2}}$$

이고 (가)와 같다. 즉,

$$(나) = (가) \times \sqrt{m^2 + 1}$$

이다. 양변을 제곱하여  $m$ 의 값을 구하면

$$m = \boxed{\phantom{00}} \text{ 또는 } m = \boxed{\phantom{00}}$$

이다.

이때 직선 OG의 기울기가  $\frac{1}{2}$  이므로 직선 OA의 기울기는

(다)이다.

위의 (가), (다)에 알맞은 수를 각각  $p, q$ 라 하고, (나)에 알맞은 식을  $f(m)$ 이라 할 때,  $\frac{f(q)}{p^2}$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{2}{7}$       ②  $\frac{5}{14}$       ③  $\frac{3}{7}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{4}{7}$

19. 함수  $f(x) = \frac{a}{x-6} + b$ 에 대하여 함수  $y = \left| f(x+a) + \frac{a}{2} \right|$ 의

그라프가  $y$  축에 대하여 대칭일 때,  $f(b)$ 의 값은? (단,  $a, b$ 는 상수이고,  $a \neq 0$ 이다.) [4점]

- ①  $-\frac{25}{6}$     ②  $-4$     ③  $-\frac{23}{6}$     ④  $-\frac{11}{3}$     ⑤  $-\frac{7}{2}$

20.  $x$ 에 대한 사차방정식

$$x^4 + (3-2a)x^2 + a^2 - 3a - 10 = 0$$

이 실근과 허근을 모두 가질 때, 이 사차방정식에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? (단,  $a$ 는 실수이다.) [4점]

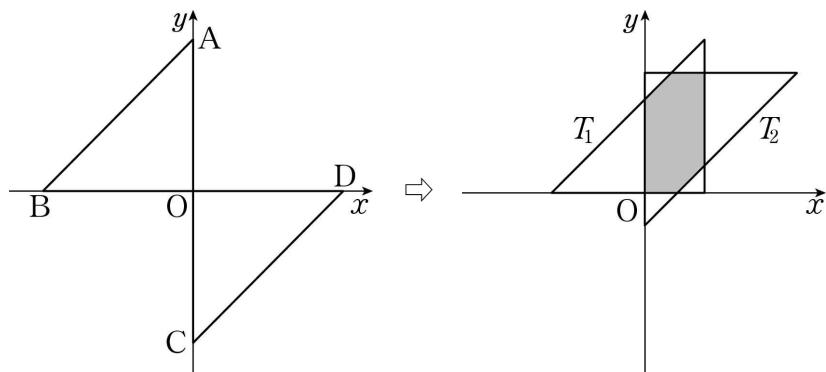
- < 보 기 > —————
- ㄱ.  $a=1$ 이면 모든 실근의 곱은  $-3$ 이다.  
 ㄴ. 모든 실근의 곱이  $-4$ 이면 모든 허근의 곱은  $3$ 이다.  
 ㄷ. 정수인 근을 갖도록 하는 모든 실수  $a$ 의 값의 합은  $-1$ 이다.

- ① ㄱ                  ② ㄱ, ㄴ                  ③ ㄱ, ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                  ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

21. 좌표평면 위에 세 점  $O(0, 0)$ ,  $A(0, 1)$ ,  $B(-1, 0)$ 을 꼭짓점으로 하는 삼각형  $OAB$ 와 세 점  $O(0, 0)$ ,  $C(0, -1)$ ,  $D(1, 0)$ 을 꼭짓점으로 하는 삼각형  $OCD$ 가 있다. 양의 실수  $t$ 에 대하여 삼각형  $OAB$ 를  $x$ 축의 방향으로  $t$ 만큼 평행이동한 삼각형을  $T_1$ , 삼각형  $OCD$ 를  $y$ 축의 방향으로  $2t$ 만큼 평행이동한 삼각형을  $T_2$ 라 하자. 두 삼각형  $T_1$ ,  $T_2$ 의 내부의 공통부분이 육각형 모양이 되도록 하는 모든  $t$ 의 값의 범위는  $\frac{1}{3} < t < a$ 이고, 이때 육각형의 넓이의 최댓값은  $M$ 이다.

$a+M$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{11}{14}$     ②  $\frac{23}{28}$     ③  $\frac{6}{7}$     ④  $\frac{25}{28}$     ⑤  $\frac{13}{14}$



## 단답형

22.  ${}^3P_2$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. 두 집합  $A$ ,  $B$ 에 대하여

$$n(A)=12, \quad n(B)=25, \quad n(A \cap B)=4$$

일 때,  $n(A \cup B)$ 의 값을 구하시오. [3점]

24. 원  $x^2 + y^2 - 8x + 6y = 0$  의 넓이는  $k\pi$ 이다.  $k$ 의 값을 구하시오. [3점]

26. 삼차방정식  $x^3 + x - 2 = 0$ 의 서로 다른 두 허근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha^3 + \beta^3$ 의 값을 구하시오. [4점]

25. 세 실수  $x, y, z$ 가

$$x^2 + y^2 + 4z^2 = 62,$$

$$xy - 2yz + 2zx = 13$$

을 만족시킬 때,  $(x - y - 2z)^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

27. 문제

‘어떤 실수  $x$ 에 대하여  $x^2 + 8x + 2k - 1 \leq 0$  이다.’  
가 거짓이 되도록 하는 정수  $k$ 의 최솟값을 구하시오. [4점]

28. 전체집합  $U = \{x | x \text{는 } 5 \text{ 이하의 자연수}\}$  의 두 부분집합

$$A = \{1, 2\}, B = \{2, 3, 4\}$$

에 대하여

$$X \cap A \neq \emptyset, X \cap B \neq \emptyset$$

을 만족시키는  $U$ 의 부분집합  $X$ 의 개수를 구하시오. [4점]

29. 서로 다른 종류의 꽃 4송이와 같은 종류의 초콜릿 2개를 5명의 학생에게 남김없이 나누어 주려고 한다. 아무것도 받지 못하는 학생이 없도록 꽃과 초콜릿을 나누어 주는 경우의 수를 구하시오. [4점]



30. 함수  $f(x) = \sqrt{ax-3} + 2$  ( $a \geq \frac{3}{2}$ )에 대하여 집합  $\{x | x \geq 2\}$ 에서 정의된 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (f(x) < f^{-1}(x) \text{ 인 경우}) \\ f^{-1}(x) & (f(x) \geq f^{-1}(x) \text{ 인 경우}) \end{cases}$$

가 있다. 자연수  $n$ 에 대하여 함수  $y = g(x)$ 의 그래프와 직선  $y = x - n$ 이 만나는 서로 다른 점의 개수를  $h(n)$ 이라 하자.

$$h(1) = h(3) < h(2)$$

일 때,  $g(4) = \frac{q}{p}$  이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $a$ 는 상수이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기) 했는지 확인하시오.